

עבודת קיץ למסיימי ט' המשובצים לרמת 4 יחידות לימוד

חלק א': פונקציות

א.

שלושה סיטונאים מוכרים אורז לחנויות. כל אחד מהם מוכר בשיטה שונה ובתעריפים שונים:

סיטונאי א' גובה עבור כל ק"ג אורז 4 שקלים.

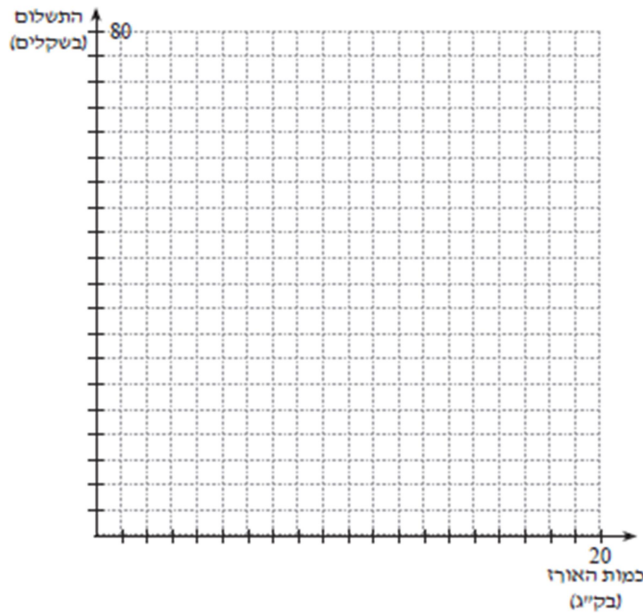
סיטונאי ב' גובה בעת ההזמנה דמי טיפול בסך 16 שקלים, ולאחר מכן גובה עבור

כל ק"ג אורז 3 שקלים.

סיטונאי ג' גובה בעת ההזמנה דמי טיפול בסך 32 שקלים, ולאחר מכן גובה עבור

כל ק"ג אורז 2 שקלים.

במערכת הצירים שלהלן משמש ציר ה- x לסימון כמות האורז המוזמן בק"ג, וציר ה- y משמש לסימון



סכום הכסף לתשלום.

א. סרטטו במערכת צירים זו גרף,

המתאר את שיטת המכירה

של סיטונאי א'.

ב. סרטטו במערכת הצירים

שבסעיף א' גרף, המתאר את

שיטת המכירה של סיטונאי ב'.

ג. סרטטו במערכת הצירים של

סעיפים א' ו- ב' גרף, המתאר

את שיטת המכירה של סיטונאי ג'.

ד. התבוננו בגרפים וציינו: כמה ק"ג

אורז צריך להזמין, כדי שהתשלום

עבורו יהיה זהה אצל כל

הסיטונאים? ומה התשלום

עבור האורז במקרה זה?

ה. ברצוננו להזמין 8 ק"ג אורז. אצל איזה סיטונאי כדאי לנו להזמין? וכמה נשלם במקרה זה

(היעזרו בגרפים)?

ו. אם ברצונכם להזמין 20 ק"ג אורז, אצל איזה סיטונאי כדאי לכם להזמין? וכמה תשלמו?

ז. מאיזו כמות ועד איזו כמות כדאי להזמין אורז אצל סיטונאי מסוים?

ציינו את הכמויות ואת הסיטונאי שאצלו תזמינו אורז.

ח. כתבו את נוסחאות הקווים הישרים, המייצגים את שיטות המכירה של כל אחד מהסיטונאים.

ט. לגבי כל אחת מנוסחאות הישרים, שמצאתם בסעיף ח', ציינו: מה מייצגים הערכים a ו- b ?

י. בדקו את תשובתכם לסעיף ד' באמצעות הנוסחאות שבסעיף ח'.

(עוזרי ושלו – ח'א': 129 / 133)

ב.

לפניכם שלוש הצגות של הפונקציה $f(x)$:

הצגה סטנדרטית
 $f(x) = 2x^2 - 4x - 6$

הצגה כמכפלה
 $f(x) = 2(x + 1)(x - 3)$

הצגה קדקודית
 $f(x) = 2(x - 1)^2 - 8$

- א. הראו כי שלוש ההצגות מתארות אותה הפונקציה.
 ב. הסתמכו על המידע הנתון בשלוש ההצגות, ומצאו את:

- שיעורי נקודות החיתוך עם הצירים
- משוואת ציר הסימטריה
- שיעורי נקודת הקודקוד.

- ג. שרטטו סקיצה של הגרף של $f(x)$, וסמנו בה את הנקודות שמצאתם בסעיף הקודם.
 (מתמטיקה משולבת – ט' חלק א, מסלול כחול, 144)

ג.

אורך החיים של כלבים הוא בסביבות 15 שנים. לכן כלב בן 12, למשל, נחשב לזקן. הקשר בין הגיל של כלב לבין הגיל המקביל של האדם תלוי בגודל הכלב.

- אצל **כלבים קטנים** (במשקל 10 – 25 ק"ג), ההתאמה בין גיל הכלב לגיל האדם מתאים לאותו שלב התפתחות מתנהגת, בערך, לפי הפונקציה $f(x) = 4x + 19$ כאשר x מייצג את גיל הכלב (בשנים רגילות), ו- $f(x)$ מייצג את גיל האדם המתאים לאותו שלב.
- אצל **כלבים גדולים** (במשקל מעל 45 ק"ג), ההתאמה בין גיל הכלב לגיל המקביל של אדם מתנהגת, בערך, לפי הפונקציה $g(x) = 6\frac{2}{3}x + 9\frac{1}{3}$

דוגמה: כלב קטן בן 4 נמצא בשלב התפתחותי בחייו המתאים לאדם בן 35

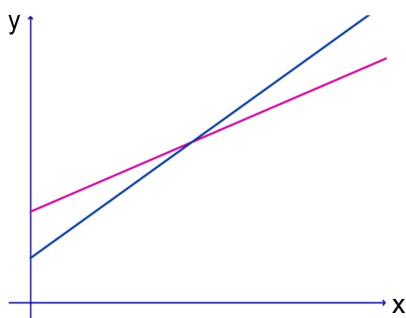
$$f(4) = 4 \cdot 4 + 19 = 35 \quad \text{כי}$$

א. השלימו את הטבלה עבור גילים המתאימים ל**כלבים קטנים**.

גיל כלב קטן	1	2	5		10	12	16
גיל אדם				47			

ב. השלימו את הטבלה עבור גילים המתאימים ל**כלבים גדולים**.

גיל כלב גדול	1	2	5		10	12	16
גיל אדם				56			



ג. לפניכם סקיצה של הגרפים המתאימים ל- $f(x)$ ול- $g(x)$.

התאימו גרף לכל פונקציה.

ד. מהם שיעורי נקודת החיתוך בין שני הגרפים?

מה מתארת נקודה זו?

$$y = \frac{1}{2}x^2 \quad (1) \quad y = \frac{1}{2}(x-3)^2 \quad (2) \quad y = \frac{1}{2}(x+3)^2 \quad (3)$$

- א. סרטטו את הגרפים של שלוש הפונקציות באותה מערכת צירים.
 ב. מהם צירי הסימטריה של כל אחת מהפונקציות?
 ג. מהם שיעורי הקדקוד של כל אחת מהפונקציות?
 ד. כיצד אפשר לקבל על ידי הזזה אחת את גרף פונקציה (2) מגרף פונקציה (1)?
 ה. כיצד אפשר לקבל על ידי הזזה אחת את גרף פונקציה (3) מגרף פונקציה (2)?

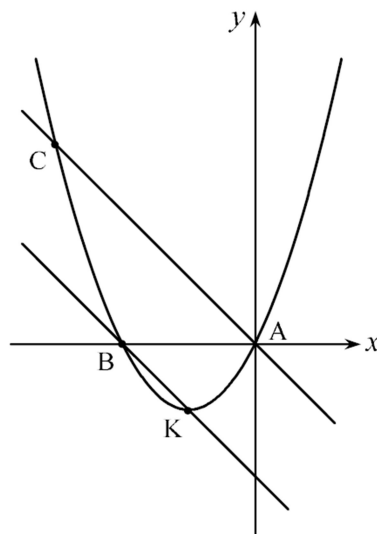
("אפשר גם אחרת" – ט' (אפור) חלק ב': 20/79)

בכל סעיף נתון מידע על פרבולה ונתונים 3 ייצוגים אלגבריים של פונקציות ריבועיות.

אילו מהייצוגים מתאימים למידע הנתון?

א.	שיעורי הקדקוד (0, -4)	$y = -2x^2 - 4$	$y = 3x^2 - 4$	$y = 3(x-4)^2$
ב.	ציר הסימטריה $x = 2$	$y = 2x^2$	$y = 2(x-1)^2$	$y = 3(x-2)^2$
ג.	שיעור ה- x של הקדקוד הוא -2	$y = 3(x+2)^2$	$y = -(x+2)^2$	$y = (x-2)^2$
ד.	ציר הסימטריה עובר בנקודה (-1, 3)	$y = 3x^2 - 1$	$y = 2(x+1)^2 + 3$	$y = -x^2 + 3$

("אפשר גם אחרת" – ט' (אפור) חלק א': 41/129)



- נתון גרף הפונקציה $y = x^2 + 2x$.
 הנקודה K היא קדקוד הפרבולה.
 נתון: $AC \parallel BK$.
 הנקודות A ו-B הן נקודות החיתוך של הפרבולה עם ציר ה- x .
 (א) רשום את משוואת הישר העובר דרך הנקודות B ו-K.
 (ב) רשום את משוואת הישר העובר דרך הנקודות A ו-C.
 (ג) מצא את שיעורי הנקודה C.
 (ד) חשב את שטח $\triangle ABC$.

רשום נכון / לא נכון ונמק:

- (א) תתכן פרבולה שקדקודה ברביע השלישי ואין לה נקודות אפס.
- (ב) לפרבולה שקדקודה ברביע הראשון והיא "הפוכה" תמיד יש שתי נקודות אפס.
- (ג) לפרבולה שקדקודה על ציר ה- x יש רק נקודת אפס אחת.
- (ד) פרבולה שקדקודה ברביע השני ונקודת החיתוך שלה עם ציר ה- y היא בחלקו החיובי, היא תמיד "ישרה".
- (ה) אין אפשרות לשרטט פרבולה החותכת את ציר ה- y בחלקו השלילי ויש לה שתי נקודות אפס.
- (ו) רק לפרבולה "ישרה" יש שתי נקודות אפס שערכי ה- x שלהן שונים בסימנים.

("משבצת" – כיתה ט', 19 / 421)

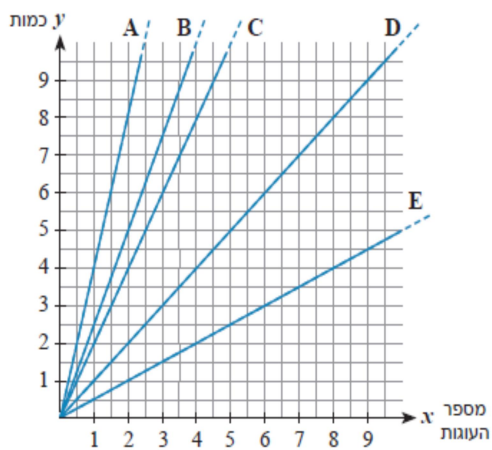
בחוג בישול למדו להכין עוגת תפוזים. התלמידים עבדו בקבוצות וכל קבוצה הכינה מספר שונה של עוגות לפי המתכון הבא:

המתכון עבור עוגה אחת:
 - 2.5 כוסות קמח תופח
 - כוס סוכר
 - חצי כוס מיץ תפוזים
 - 4 ביצים
 - 2 כפיות קליפת תפוז מגוררת

לפניכם טבלה המראה את כמות המצרכים לפי מספר העוגות שהכינו הקבוצות השונות.

א מלאו את הכמויות החסרות בטבלה שבנספח.

הקבוצה	מספר עוגות	קמח (בכוסות)	סוכר (בכוסות)	מיץ תפוזים (בכוסות)	ביצים	קליפת תפוז מגוררת (בכפיות)	
צוות תמר	3	7.5	3	1.5	12	6 כפיות	דוגמה
צוות חנה	1						
צוות רוני	2		2		8		
צוות יעל	5		5		20		
המורה רז	חצי	1.25		0.25		1	



- במערכת הצירים שלפניכם חמישה גרפים. כל גרף מתאר את היחס בין מספר העוגות ואחד ממוצרי המתכון.
- ב מצאו את הגרף המתאים לכל מוצר.
- ג כתבו את הפונקציה המתאימה לכל מוצר לפי מספר העוגות.
- ד תארו את הקשר שבין כל גרף לבין מקדם הפרופורציה המתאים לו.

חלק ב': טכניקה אלגברית

נתונה המשוואה $4 + x = x^2 - \frac{x^2 - 16}{x - 4}$

א.

נועה רשמה תחום הצבה, צמצמה את השבר ואחר-כך פתרה את המשוואה שהתקבלה.

דוד רשם את תחום ההצבה ואחר-כך כפל את שני אגפי המשוואה ב- $(x - 4)$.

(א) פתור את המשוואה בדרך של נועה.

(ב) נסה לפתור את המשוואה בדרך של דוד.

(ג) מהי מסקנתך?

(משבצת" - כיתה ט', 10 / 459)

פתרון תרגילים באמצעות נוסחאות הכפל המקוצר - צמצמו במידת האפשר

ב.

13. פתרו את המשוואות הבאות.

ב. $2(3-x)(3+x)+x^2=(5-x)(x+5)+7x$

א. $(x+10)(x-10)=(x-6)(x+6)+8x$

14. פתרו את המשוואות הבאות.

ב. $(2x+1)^2-(3-2x)^2=8$

א. $(x+3)^2-(2x+2)(2x-2)=x(-3x+4)$

השלימו כך שתתקבל משוואה שהפתרון של שלה הוא $x = 2$ ו- $x = -2$.

א | $x^2 - ___ = 0$

ב | $4x^2 - ___ = 0$

* ג | $(___)(x^2 + 1) = 0$

ג.

(שבילים" - כיתה ט' - חלק 1, 53,54 / 241)

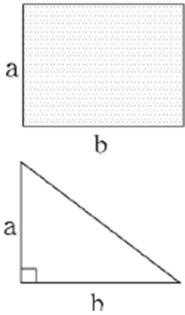
פתרו את מערכת המשוואות והמשוואות שלפניכם. במידת הצורך רשמו תחום הצבה, הציגו את דרך הפתרון.

ד.

$$\frac{(x+5)^2 - 4}{x+3} = 0$$

$$\frac{1}{3} - \frac{4}{3x^2 - 48} = \frac{5}{12 - 3x}$$

$$\begin{cases} 3x + y = 4 \\ \frac{2x-3}{7} + \frac{y+2}{2} = 5 \end{cases}$$



$$\text{נתון: } (a-b)^2=4, (a+b)^2=196$$

א. מצאו את שטח המלבן שאורכי צלעותיו הם a ו- b ,

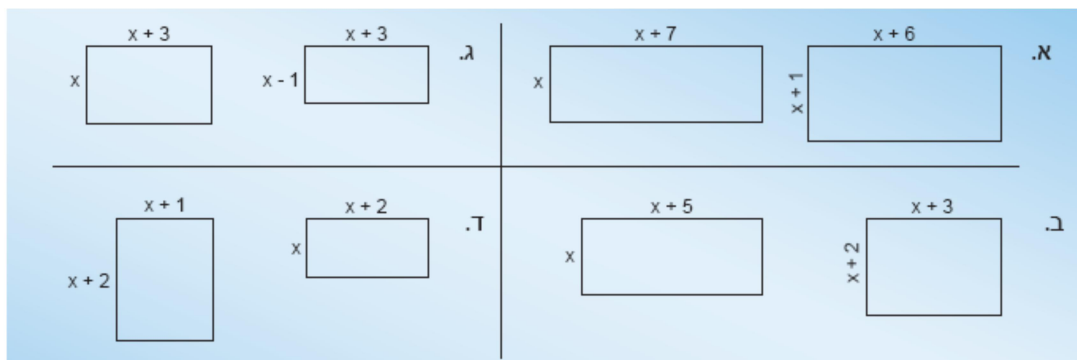
בלי לחשב את ערכי a ו- b .

ב. מצאו את אורך היתר של משולש ישר-זווית

שאורכי ניצביו הם a ו- b , בלי לחשב את ערכי a ו- b .

(עוזרי ושלו - ט' חלק א': 48 / 91)

לפניכם ארבעה זוגות של מלבנים.



א. שערו שטחו של איזה מלבן גדול יותר. בכמה??

ב. רשמו ביטוי לשטח כל מלבן. פשטו וקבעו למי שטח גדול יותר.

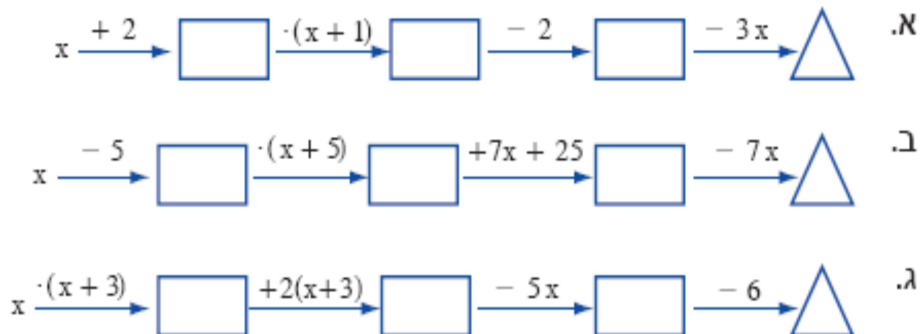
ג. תמר אמרה "בסעיפים ג ו-ד נוכל לקבוע לאיזה מלבן שטח גדול יותר מבלי לפשט."

האם תמר צודקת? הסבירו.

(מתמטיקה משולבת - כיתה ח חלק א, מסלול כחול, עמוד 220).

פעלו לפי ההוראות שעל החיצים, ורשמו במחברותיכם את הביטויים המתאימים למשבצות השונות.

פשטו אם יש צורך.



(מתמטיקה משולבת - כיתה ח חלק א, מסלול כחול, עמוד 234).

ח.

$$\frac{4x^2 - 12x + 9}{2x - 3} - \frac{x - 3}{2x} = x$$

לפניכם אחד מהשלים בפתרון של המשוואה:

תחום הצבה: $x \neq 0, 1.5$

$$2x(2x - 3) - (x - 3) = 2x^2$$

- א. האם השלב המוצג נכון? אם כן, הסבירו כיצד הוא מתקבל מהמשוואה.
 ב. פתרו את המשוואה.

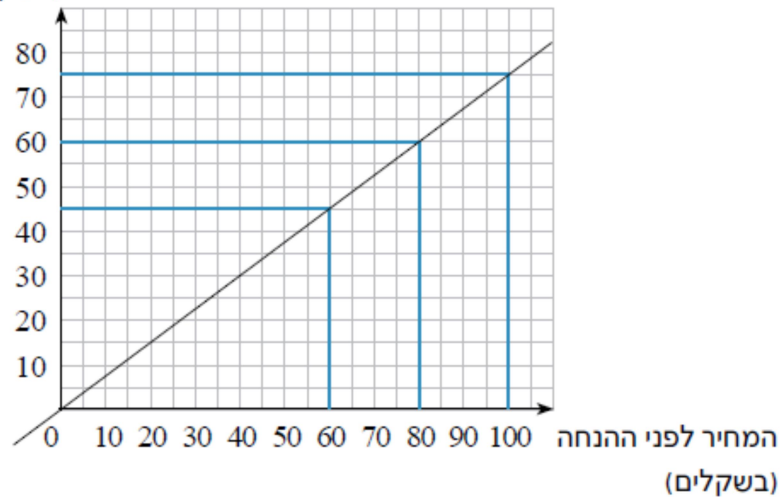
חלק ג': בעיות מילוליות

א.

בגרף שלפניכם מתוארת הוזלת מחירים באחוז הנחה מסוים.

- א. מהו המחיר החדש של מוצר שמחירו הקודם היה 60 ₪?
 ב. מה היה המחיר המקורי של מוצר שמחירו המוזל הוא 60 ₪?
 ג. מהו המחיר החדש של מוצר שמחירו הקודם היה 100 ₪?
 בכמה שקלים הוזל המחיר של המוצר?
 ד. בעזרת תשובתכם לסעיף ג' קבעו את אחוז ההנחה המתואר.
 ה. מהי הפונקציה המתארת את ירידת המחירים?

המחיר אחרי ההנחה
(בשקלים)



חלק ד': גאומטריה

אורכי הצלעות של משולש הם 15 מ', 20 מ' ו-30 מ'.

א.

א מצאו את אורכי הצלעות של משולש הדומה למשולש הנתון אם ידוע שהיקפו הוא 13 מ'.

ב מהו היחס בין שטח המשולש הנתון לבין שטח המשולש שאת אורכי צלעותיו שמצאתם בסעיף א'?

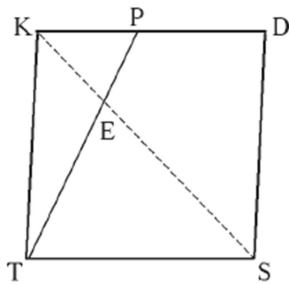
("עשר בריבוע" / למדא – כיתה ח')

ההיקף של משולש שווה-שוקיים שווה ל-35 ס"מ.

ב.

מצאו את כל צלעות המשולש, אם ידוע כי אורך אחת מצלעותיו הוא 14 ס"מ.
כמה פתרונות יש לשאלה?

("עשר בריבוע" / למדא – כיתה ח')



במעוין TKDS הנקודה P נמצאת על הצלע KD.

נתון: $\angle KPT = 64^\circ$, $\angle KTP = 26^\circ$.

א. האם המרובע TKDS הוא ריבוע? הסבירו.

ב. נתון כי $TK = 6.2$ ס"מ, $PD = 3.4$ ס"מ,

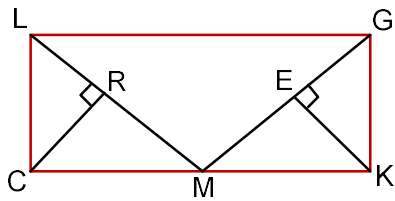
אורך אלכסון המרובע TKDS הוא 8.76 ס"מ.

חשבו את אורך הקטע KE.

(הדרכה: הסבירו מדוע המשולשים $\triangle KEP$ ו- $\triangle TES$ הם משולשים דומים.)

ג.

(עוזרי ושלו – ט' חלק א': 15 / 284)



נתון $LGKC$ מלבן. הנקודה M היא אמצע הצלע CK .

ד.

$EK \perp GM, RC \perp LM$

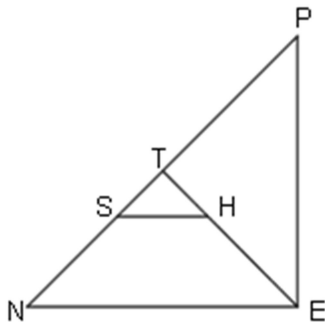
א. הוכיחו: $\triangle LCM \cong \triangle GKM$.

ב. הוכיחו: $\triangle CRM \cong \triangle KEM$.

ג. מצא בסרטוט לפחות שני משולשים שדומים למשולש $\triangle EGK$. רשמו אותם ונמקו את צעדיכם.

ד. הוכיחו: $RE \parallel CK$. (רמז: מהו סוג המשולש $\triangle REM$?)

("אפשר גם אחרת" – ט' (אפור) – חלק א': 5/243)



$\triangle PEN$ משולש ישר זווית ושווה שוקיים. ($\angle H = 90^\circ$).

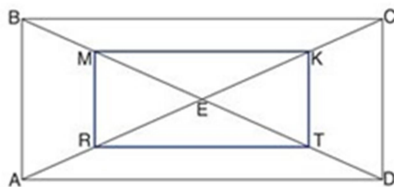
ה.

ET חוצה הזווית הישרה.

דרך הנקודה S שעל היתר העבירו מקביל לניצב NE .

הוכיחו כי $SHEN$ טרפז שווה שוקיים.

("אפשר גם אחרת" – ט' (אפור) – חלק א': 16/299)



אלכסוני המלבן $ABCD$ שבסקיצה נחתכים בנקודה E .

הנקודות M, K, T, R הן אמצעי הקטעים

AE, DE, CE, BE

א. הוכיחו כי המרובע $MKTR$ הוא מלבן.

ב. מהו היחס בין שטח המלבן $MKTR$ לשטח המלבן $ABCD$?

ו.

("שבילים" – כיתה ט' – חלק 1, 20/182)

בכל סעיף קבעו אם ניתן לבנות מצולע המתאים לתיאור.

אם כן – בנו מצולע כזה. אם לא – הסבירו מדוע לא.

ז.

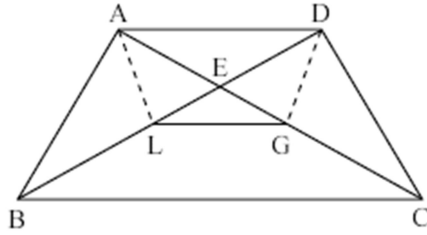
א. טרפז שהוא גם דלתון

ב. טרפז קעור

ג. מקבילית קעורה

ד. טרפז שווה-שוקיים וישר-זווית.

("שבילים" – כיתה ט' – חלק 1, 92/223)



נתון טרפז שוויוש ABCD
 . ($AD \parallel BC$, $AB = DC$)

(א) מהו התנאי שצריך להתקיים עבור

הנקודות L ו-G

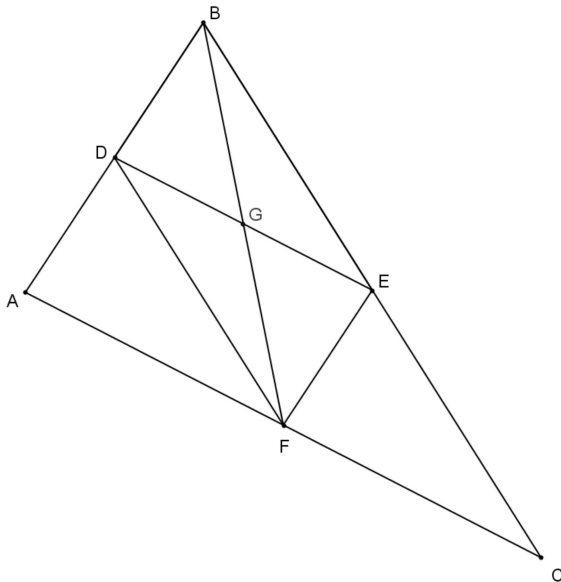
(הנמצאות על אלכסוני הטרפז)

כדי ש-ADGL יהיה טרפז שוויוש? הסבר.

(ב) מהו התנאי שצריך להתקיים

עבור הנקודות L ו-G (הנמצאות על אלכסוני הטרפז)

כדי ש-ADGL יהיה מלבן? הסבר.



EF, DE קטעי אמצעים במשולש ABC.

א. אילו מהטענות הבאות נכונות תמיד?

I. $EG = DG$

II. BF תיכון לצלע AC

III. $FD \perp AB$

IV. $2 \cdot GE = FC$

ב. בחרו אחת מהטענות שבחרתם בסעיף א' כנכונות

והוכיחו אותה.

עבודה נעימה ☺

ארז וגיתית